

<第17回 解答と解説>

- 1 (1) 96° (2) 36°
- 2 34°
- 3 $\angle ABM = a^\circ$, $\angle ACM = b^\circ$ とすると,
AM = BM から, $\angle BAM = a^\circ$
AM = CM から, $\angle CAM = b^\circ$
 $\triangle ABC$ の内角の和から,
 $2a + 2b = 180^\circ$
 $2(a + b) = 180^\circ$ より, $a + b = 90^\circ$
よって, $\angle BAC = 90^\circ$
- 4 (1) $\triangle ADF$ の内角と外角の関係から,

- $$\angle ADF + \angle DFA = \angle DAE$$
- $$\angle DFA = 90^\circ$$
- $$\angle DAE = 90^\circ + \angle BAE \text{ であるから,}$$
- $$\angle ADF + 90^\circ = 90^\circ + \angle BAE$$
- よって, $\angle BAE = \angle ADF$
- (2) $\triangle ABE$ と $\triangle DAF$ において,
 $\angle AEB = \angle DFA = 90^\circ \dots \textcircled{1}$
(1) より, $\angle BAE = \angle ADF \dots \textcircled{2}$
また, 正方形の辺であるから,
 $AB = DA \dots \textcircled{3}$

- ①, ②, ③ から, 斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しい直角三角形であるから,
 $\triangle ABE \equiv \triangle DAF$
対応する辺の長さは等しいので,
 $BE = AF, AE = DF$
よって, $BE + DF = AF + AE$
 $= EF$